京都大学 2011 年(文·前)第3問

実数aが変化するとき、3 次関数 $y = x^3 - 4x^2 + 6x$ と直線y = x + aのグラフの交点の個数はどのように変化するか、aの値によって分類せよ。

東京大学 2013 年(理·前)第 2 問

 α を実数とし、x > 0 で定義された関数f(x), g(x)を次のように定める。

$$f(x) = \frac{\cos x}{x}, \qquad g(x) = \sin x + ax$$

このときy = f(x)のグラフとy = g(x)のグラフがx > 0 において共有点をちょうど 3 つ持つような α をすべて求めよ。

大阪大学 2005 年(理·前)第 1 問

 $f(x) = 2x^3 + x^2 - 3$ とおく。直線y = mxと曲線y = f(x)が相違なる3点で交わるような実数mの範囲を求めよ。